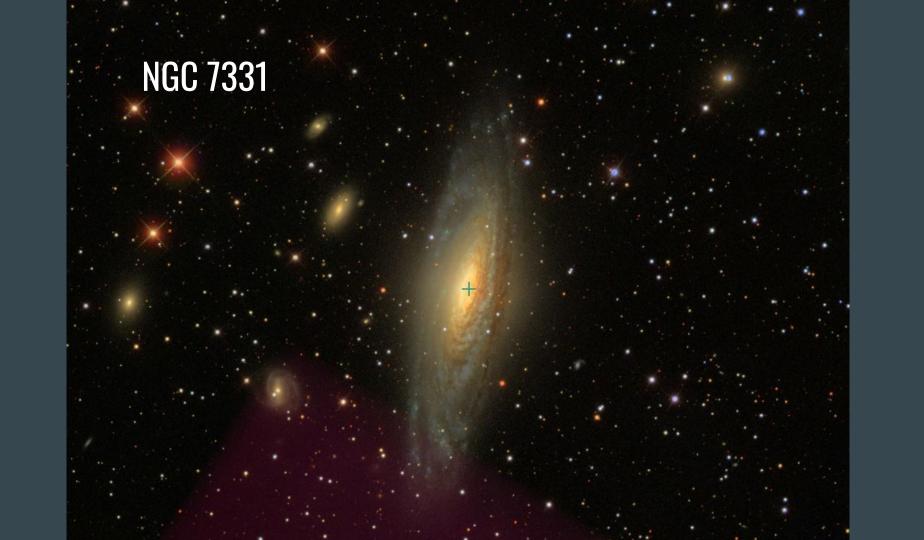
## Analisi della curva di rotazione della galassia ngc 7331

Kling Daniele Veronese Riccardo Liceo G. Veronese Fiorello Andrea

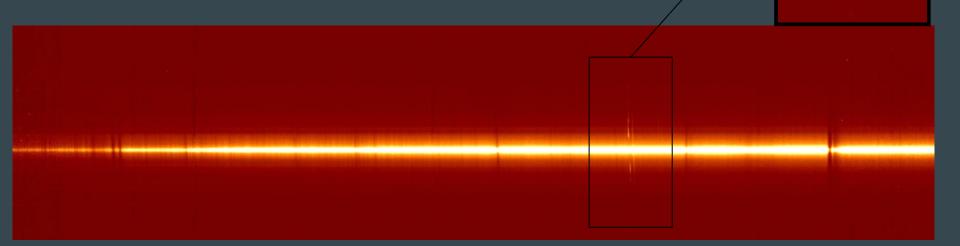
IIS Calabrese-Levi Liceo G. Marconi



# Procedimento

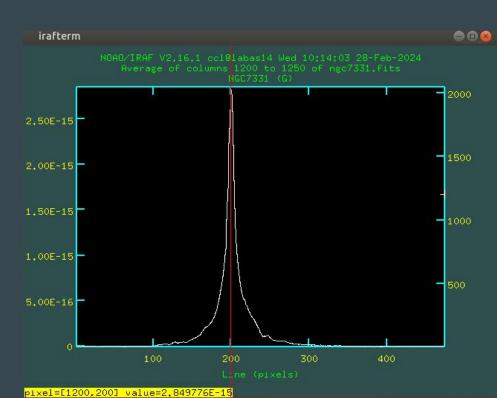
#### Analisi dello spettro

Osservando lo spettro della nostra galassia notiamo delle bande di assorbimento ma soprattutto notiamo due picchi di emissione uno dei quali ha una lunghezza d'onda  $\lambda$ =6601.44 Å al centro della galassia. Questo corrisponderebbe all'azoto ionizzato che a riposo a una lunghezza d'onda NII:  $\lambda$ =6584 Å senza redshift.

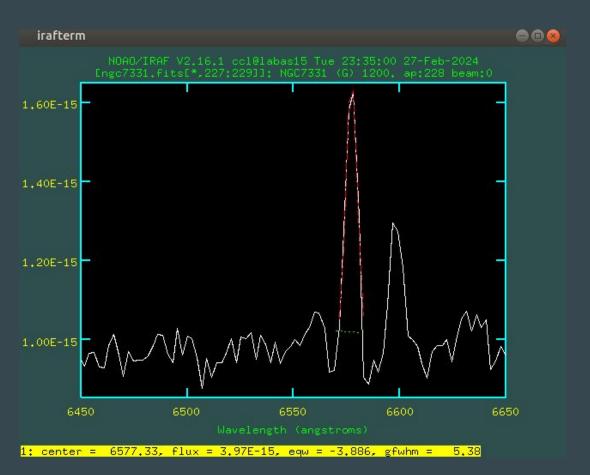


#### Elaborazione dello spettro in iraf

Considerato l'intervallo di spettro continuo 1200-1250 riusciamo dunque tramite IRAF a determinare il picco di radiazione del continuo a 200px, punto a cui corrisponde il centro della galassia, da cui partiremo per il fitting gaussiano.



#### Fitting gaussiano della riga



Dunque partendo dal centro della galassia e spostandosi lungo le ordinate del grafico col programma IRAF, con il comando nsum 3 il quale somma l'intensità dei 3 pixel adiacenti, man mano creiamo il fitting di ogni picco di emissione lungo la riga registrando in una tabella il valore del Pixel e la lunghezza d'onda corrispondente

Intervallo riga: 6450-6650

### **TOPCAT**

Table Browser for 4: tabella_NII.csv								
	coll	col2	pixel_centro	redshift	velocità	vel_rel	vel_rot_reale	dist_centro (kpc)
1	123	6603.85	-77	0.00301	904.46537	109.81166	114.62595	-4.1195
2	126	6604.932	-74	0.00318	953.76671	159.113	166.08873	-3.959
3	127	6605.589	-73	0.00328	983.70292	189.04921	197.33738	-3.9055
4	128	6606.659	-72	0.00344	1032.45747	237.80377	248.2294	-3.852
5	129	6607.128	-71	0.00351	1053.82746	259.17375	270.53628	-3.7985
6	130	6607.585	-70	0.00358	1074.65067	279.99696	292.2724	-3.745
7	131	6607.278	-69	0.00354	1060.66221	266.00851	277.67067	-3.6915
8	132	6606.812	-68	0.00346	1039.42892	244.77521	255.50649	-3.638
9	133	6606.377	- 67	0.0034	1019.60814	224.95443	234.81674	-3.5845
10	134	6608.311	-66	0.00369	1107.73086	313.07716	326.80288	-3.531
11	135	6607.68	- 65	0.0036	1078.97934	284.32564	296.79085	-3.4775
12	136	6607.219	-64	0.00353	1057.97388	263.32017	274.86448	-3.424
13	137	6607.589	-63	0.00358	1074.83293	280.17922	292.46265	-3.3705
14	138	6606.8	-62	0.00346	1038.88214	244.22843	254.93573	-3.317
15	139	6607.22	-61	0.00353	1058.01944	263.36574	274.91204	-3.2635
16	140	6605.456	-60	0.00326	977.64277	182.98906	191.01155	-3.21
17	141	6605.544	-59	0.00327	981.65249	186.99878	195.19706	-3.1565
18	142	6605.563	-58	0.00328	982.51823	187.86452	196.10075	-3.103
19	143	6606.317	-57	0.00339	1016.87424	222.22053	231.96298	-3.0495
20	144	6606.284	-56	0.00338	1015.3706	220.71689	230.39341	-2.996
21	145	6605.196	-55	0.00322	965.79587	171.14216	178.64526	-2.9425

53	278	6595.955	78	0.00182	544.72965	-249.92406	-260.88106	k
54	279	6595.992	79	0.00182	546.41555	-248.23815	-259.12125	
55	280	6595.663	80	0.00177	531,42467	-263.22904	-274.76935	3
56	281	6595.819	81	0.0018	538.53281	-256.1209	-267.34958	
57	282	6596.031	82	0.00183	548.19259	-246.46112	-257.2663	3
.58	283	6596.703	83	0.00193	578.81227	-215.84143	-225.30421	3
59	284	6597.003	84	0.00197	592.48177	-202.17193	-211.03542	1
60	285	6597.02	85	0.00198	593.25638	-201.39733	-210.22685	3
61	286	6596.763	86	0.00194	581.54617	-213.10753	-222.45045	3
62	287	6596.366	87	0.00188	563, 45687	-231.19684	-241.33282	3
63	288	6595.973	88	0.00182	545.54982	-249.10389	-260.02494	
64	289	6596.024	89	0.00183	547.87363	-246.78007	-257.59924	1
65	290	6596.792	90	0.00194	582.86756	-211.78615	-221.07114	1
66	291	6597.703	91	0.00208	624.37728	-170.27643	-177.74157	1
67	292	6597.794	92	0.0021	628.52369	-166.13001	-173.41337	
68	302	6596.194	102	0.00185	555.61968	-239.03402	-249.51359	1
69	305	6598.122	105	0.00214	643.46902	-151.18469	-157.81283	
70	307	6595.583	107	0.00176	527.77947	-266.87424	-278.57436	
71	308	6595.052	108	0.00168	503.58445	-291.06926	-303.83012	
72	309	6594.423	109	0.00158	474.92406	-319.72965	-333.74702	3
73	331	6597.097	131	0.00199	596.76488	-197.88882	-206.56453	
74	333	6596.395	133	0.00188	564.77825	-229.87546	-239.9535	3
75	334	6595.491	134	0.00175	523.58748	-271.06622	-282.95013	3
76	335	6594.945	135	0.00166	498.70899	-295.94471	-308.91933	3
77	336	6595.299	136	0.00172	514.839	-279.8147	-292.08215	3

/3	197	0001.633	- 3	0.002/1	012,300/3	17.90703	10.09212	-0.1003
74	198	6601.695	-2	0.00269	806.27278	11.61908	12.12847	-0.107
75	199	6601.527	-1	0.00266	798.61786	3.96416	4.13795	-0.0535
76	200	6601.44	0	0.00265	794.65371	0.	0.	0,
77	202	6600.109	2	0.00245	734.00668	-60.64702	-63.30587	0.107
78	203	6599.941	3	0.00242	726.35176	-68.30194	-71.29639	0.1605
			7.					

#### Calcolo del redshift

Una volta ricavate dallo spettro le lunghezze d'onda delle righe di emissione di [NII] e  $H\alpha$  è possibile calcolare il redshift delle righe secondo la formula

$$z = \frac{\lambda - \lambda_0}{\lambda_0}$$

Con 
$$\lambda_0(NII) = 6584 \,\text{Å} \, \text{e} \, \lambda_0(H\alpha) = 6563 \,\text{Å}$$

Otteniamo quindi il redshift delle righe misurate in ogni posizione

#### Calcolo delle velocità (redshift e velocità relativa al centro)

Attraverso il redshift è possibile ricavare la velocità di ogni punto della galassia rispetto all'osservatore:

$$v = \frac{\lambda - \lambda_0}{\lambda_0} \cdot c$$

Per ottenere la velocità di rotazione rispetto al centro della galassia, calcoliamo la velocità in questo punto (px0) con lo stesso procedimento, e la sottraiamo a ciascuna delle altre velocità ricavate, secondo la formula:

$$v_{rel} = v_{misurata} - v_{centro}$$
  $v_{centro} \simeq 794,7 \, km/s$ 

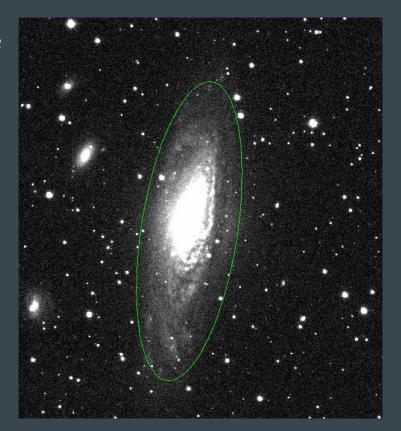
#### Correzione inclinazione galassia

Poiché la galassia è inclinata dobbiamo correggere i valori delle velocità ottenuti in relazione all'angolo di inclinazione.

Essendo ngc7331 una galassia a spirale e quindi dalla forma a disco, è sufficiente applicare la

$$v_{rot} = \frac{v}{\sin[\arccos(\frac{b}{a})]}$$

I semiassi si ottengono graficamente grazie a ds9; una volta iscritta la galassia in un'ellisse il programma ne calcola le dimensioni.



#### Conversione della distanza in kpc

La risoluzione del telescopio Galileo è tale che ad ogni pixel corrisponde un secondo d'arco. Convertiamo quindi i pixel in kpc:

$$kpc/" = 0.053$$

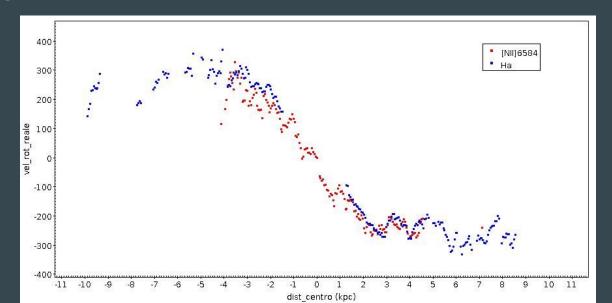
$$d = \frac{v_r}{H_0}$$

Distanza di ngc 7331: d = 11.03 Mpc (d=11.4 Mpc, Simbad)

#### Correzione dati con fwhm anomala e grafico

Per ottenere dei risultati più precisi eliminiamo i punti del grafico con una fwhm troppo diversa dalla media, che ricaviamo attraverso una distribuzione gaussiana.

Dopo aver trasformato i pixel in kpc abbiamo tracciato il grafico della velocità in funzione della distanza dal centro della galassia.

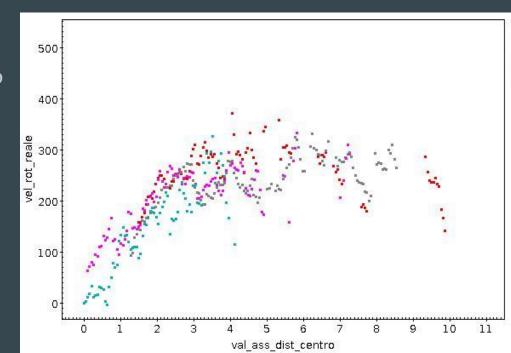


#### Calcolo della velocità media di rotazione

Per calcolare la velocità media di rotazione della galassia è necessario calcolare la media delle velocità di rotazione delle regioni più esterne.

A causa dell' eccessiva dispersione dei punti del grafico dobbiamo calcolare la distribuzione cumulata, e ne ricaviamo che la velocità media è di 262 km/s secondo la formula

$$\Delta v = rac{v_{max} - v_{min}}{2}$$



#### Calcolo della massa

Dopo aver ottenuto la velocità media di rotazione calcoliamo la massa in kg applicando il teorema del viriale

$$M = \frac{\Delta v^2 \cdot R}{G}$$

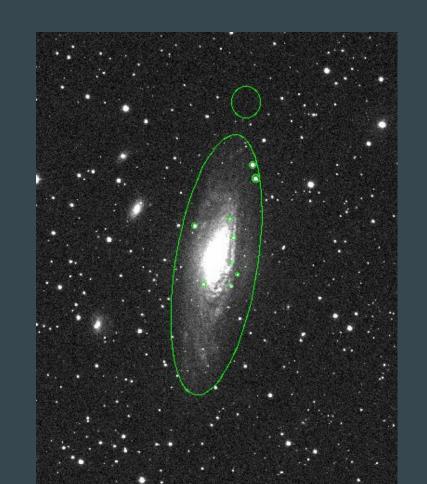
Massa di ngc 7331:  $M_g = 2,932x 10^{41}$ Massa di ngc 7331 in masse solari:  $M_g = 1,466x 10^{11} M_{\odot}$ 

#### Determinazione della magnitudine

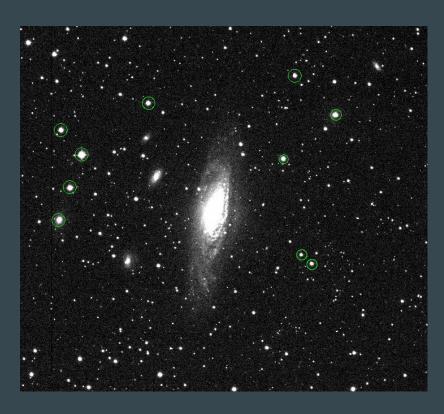
 Abbiamo determinato la luminosità della superficie della galassia, delle stelle e del rumore ottenute tramite ds9

$$L_{g(eff)} = L_{g(imm)} - (n_{px(g)} \cdot rumore) - (L_s - n_{px(s)} \cdot rumore)$$

$$m_{strum} = -2.5 \cdot log(L_{g(eff)})$$



#### Determinazione della costante della magnitudine



- $m_{app} = m_{strum} + const$
- Abbiamo ottenuto la magnitudine strumentale di varie stelle note stabili, delle quali abbiamo cercato la magnitudine apparente su simbad in modo da ottenere la costante
- $M = m 2,5 \log(\frac{d}{10 pc})$

#### Calcolo della luminosità e rapporto massa luminosità

Magnitudine assoluta=-21

$$\frac{L_g}{L_{\odot}} = 10^{-0.4(M_g - M_{\odot})}$$

Rapporto massa

luminosità ngc-7331

$$\frac{M_g}{L_g} = 7 \frac{M_{\odot}}{L_{\odot}}$$

Rapporto medio massa

luminosità nelle stelle

$$\frac{M_g}{L_g} = 3 \frac{M_{\odot}}{L_{\odot}}$$

## FINE



Un ringraziamento speciale al Dottor Ciroi e all'Università di Padova per l'opportunità